

Informatique 1M

A. Ridard

Algorithmique 1

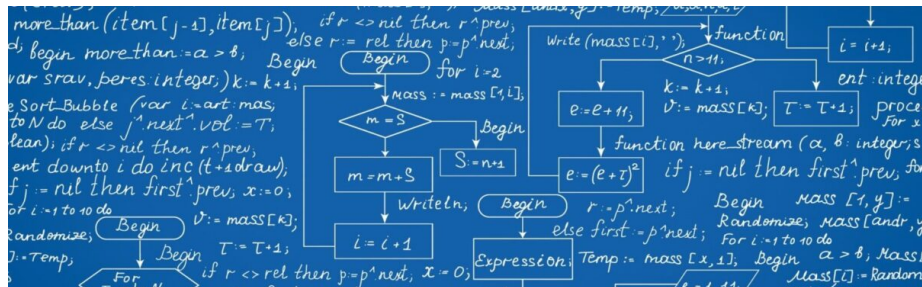


Table des matières

I.	Introduction	4
II.	Tris élémentaires	4
1.	Tri par sélection	5
2.	Tri par insertion	6
3.	Tri à bulles	7
III.	Compléments	8

I. Introduction

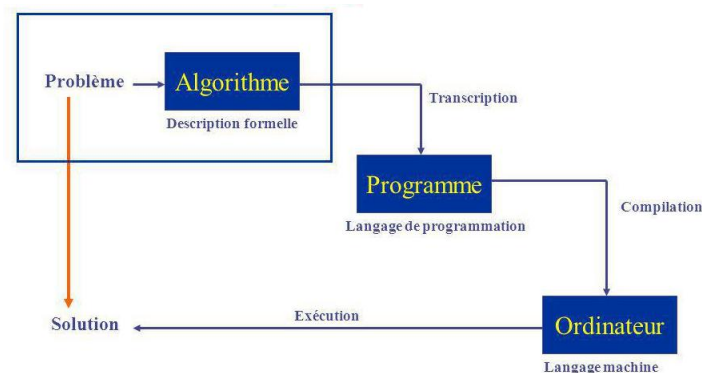


Ne pas confondre algorithme et programme

Pour résoudre un problème à l'aide d'un ordinateur, on suit le processus suivant :

1. On conçoit un algorithme c'est à dire une méthode de résolution, disons une « recette » décrite dans un langage « humain »^a en précisant bien :
 - les ingrédients utilisés (données en entrée)
 - les différentes étapes à réaliser (dans un certain ordre)
 - le résultat obtenu
2. On transforme cet algorithme en un programme écrit dans un langage de programmation (Python, C, ...)
3. L'interpréteur (Python) ou le compilateur (C) transforme ce programme dans un langage machine (une suite de 0 et de 1) exécutable par l'ordinateur qui fournit alors la solution au problème initial

^a. Ce langage est appelé pseudo-code



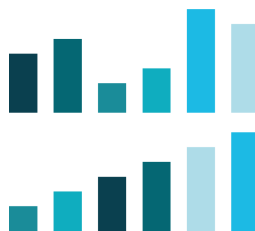
- Lorsque plusieurs algorithmes existent, on choisit le « meilleur »^a
- Un problème est souvent découpé en sous-problèmes que l'on sait résoudre
- Exemples :
 - Algorithme de reconnaissance faciale (natel)
 - Algorithme de recommandation (posts, amis, films, séries, produits)
 - Algorithme de recherche (moteur google)
 - Algorithme de tri

^a. Pour cela, on utilise un critère à optimiser (le temps d'exécution lié au nombre d'opérations élémentaires, l'espace mémoire utilisé, ...)

II. Tris élémentaires



Problème du tri



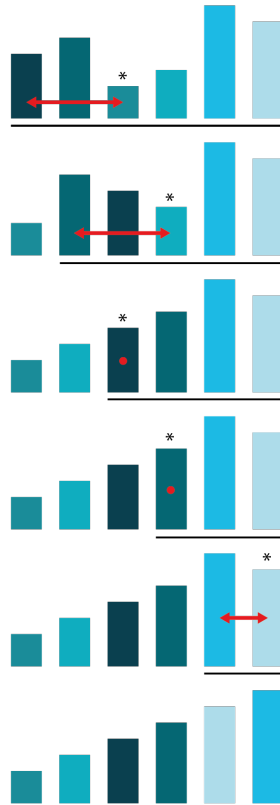
Des objets sont triés selon une relation d'ordre, en lien avec une propriété. Sur la ligne du haut, les rectangles sont organisés selon leur couleur (de la plus sombre à la plus claire), alors que sur la ligne du bas, ils sont triés selon leur taille (du plus petit au plus grand).

1. Tri par sélection



Principe

Pour trier dans l'ordre croissant, on **sélectionne** le plus petit élément que l'on échange avec le premier élément de la liste, puis on répète le procédé avec la sous-liste constituée des éléments restants à trier jusqu'à obtenir une sous-liste réduite à un seul élément.



Algorithme 1 : tri par sélection

Entrées : un tableau t

Sorties : le tableau trié (dans l'ordre croissant)

$n \leftarrow \text{longueur}(t)$;

pour i de 0 à $n-2$ (*inclus*) **faire**

// on sélectionne le plus petit élément de la sous-liste non triée

$m \leftarrow i$;

pour j de $i+1$ à $n-1$ (*inclus*) **faire**

si $t[j] < t[m]$ **alors**

$m \leftarrow j$

fin

fin

// on échange le 1er élément de la sous-liste non triée et ce plus petit élément

si $m \neq i$ **alors**

$\text{tmp} \leftarrow t[i]$;

$t[i] \leftarrow t[m]$;

$t[m] \leftarrow \text{tmp}$;

fin

fin



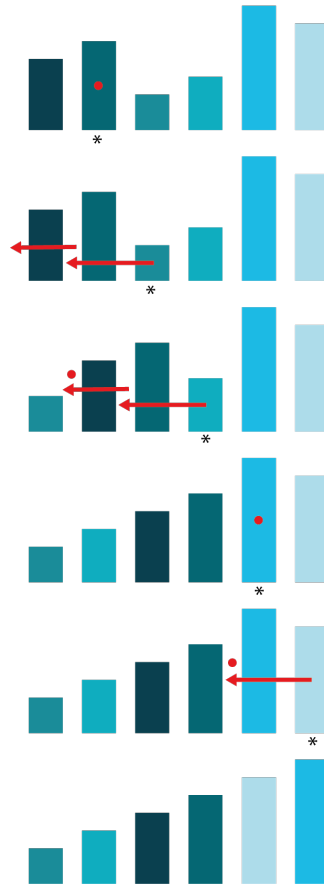
Détailler les différentes étapes du tri par sélection sur la liste [3, 4, 1, 7, 2].

2. Tri par insertion



Principe

Pour trier dans l'ordre croissant, on **insère** le deuxième élément à la bonne place en le comparant au premier, puis on « insère » le troisième à la bonne place en le comparant aux deux premiers, ...



Algorithme 2 : tri par insertion

Entrées : un tableau t

Sorties : le tableau trié (dans l'ordre croissant)

$n \leftarrow \text{longueur}(t)$;

pour i de 1 à $n-1$ (inclus) **faire**

 // on insère à la bonne place l'élément $t[i]$ dans $t[0..i]$ qui est trié

$v \leftarrow t[i]$;

$j \leftarrow i$;

tant que $j > 0$ et $t[j-1] > v$ **faire**

$t[j] \leftarrow t[j-1]$;

$j \leftarrow j-1$

fin

$t[j] \leftarrow v$

fin



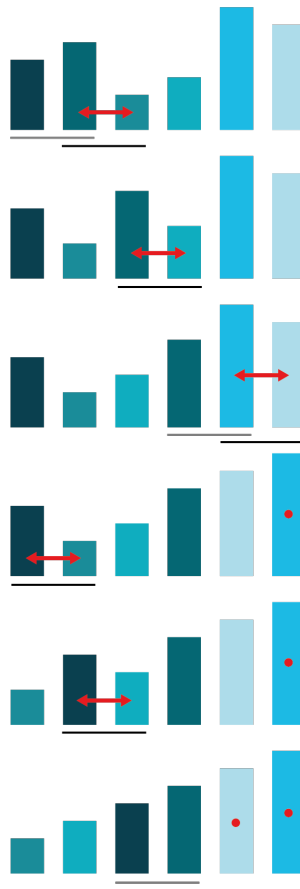
Détailler les différentes étapes du tri par insertion sur la liste [3, 4, 1, 7, 2].

3. Tri à bulles



Principe

Pour trier dans l'ordre croissant, on trie les éléments voisins, deux à deux, en commençant par les deux premiers jusqu'à la fin de la liste. Après ce premier parcours de la liste, le plus grand élément se retrouve en dernière position, il est « remonté comme une bulle ». Puis on répète le procédé avec la sous-liste constituée des éléments restants à trier jusqu'à obtenir une sous-liste réduite à un seul élément.



Algorithme 3 : tri à bulles

Entrées : un tableau t

Sorties : le tableau trié (dans l'ordre croissant)

$n \leftarrow \text{longueur}(t)$;

pour i de 2 à n (inclus) **faire**

pour j de 0 à $n-i$ (inclus) **faire**

si $t[j] > t[j+1]$ **alors**

 // on échange les deux éléments

$\text{tmp} \leftarrow t[j]$;

$t[j] \leftarrow t[j+1]$;

$t[j+1] \leftarrow \text{tmp}$;

fin

fin

fin



Détailler les différentes étapes du tri à bulles sur la liste [3, 4, 1, 7, 2].

III. Compléments

Cette section fait l'objet d'un jupyter notebook disponible sur [moodle](#).

Ce cours s'appuie sur :

- le site internet [Modulo](#) développé par les concepteurs du programme
- l'ouvrage [Numérique et sciences informatiques](#) aux éditions Ellipses